



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.
امام خمینی (ره)

شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان
سازمان سنجش آموزش کشور

پاسخ تشریحی آزمون آزمایشی سنجش دوازدهم - جامع نوبت پنجم (۱۴۰۳/۰۴/۱۲)

علوم ریاضی و فنی

کارنامه آزمون، عصر روز برگزاری آن از طریق سایت اینترنتی زیر قابل مشاهده می باشد:

www.sanjeshserv.ir

مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی

به منظور فراهم نمودن زمینه ارتباط مستقیم مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی همکار در امر آزمون‌های آزمایشی سنجش و بهره‌مندی از نظرات ارزشمند شما عزیزان در خصوص این آزمون‌ها، آدرس پست الکترونیکی test@sanjeshserv.com معرفی می‌گردد. از شما عزیزان دعوت می‌شود، دیدگاه‌های ارزشمند خود را از طریق آدرس فوق با مدیر تولیدات علمی و آموزشی این مجموعه در میان بگذارید.



@sanjesheducationgroup



@sanjeshserv

کانال‌های ارتباطی:

ریاضیات

.۱. گزینه ۲ درست است.

ضابطه تابع را به صورت $y = |a| \sin bx + 1$ می‌نویسیم.

ماکریم این تابع $|a| + 1 -$ است. طبق نمودار داده شده اختلاف این دو مقدار برابر ۴ است.
 $(|a| + 1) - (-|a| + 1) = 4 \Rightarrow 2|a| = 4 \Rightarrow a = \pm 2$

پس نمودار تابع $y = 2 \sin bx + 1$ است. از آنجا که $\frac{-\pi}{3}$ طول اولین ماکریم منفی این تابع است، پس داریم:

$$b\left(\frac{-\pi}{3}\right) = \frac{-3\pi}{2} \Rightarrow b = \frac{9}{2}$$

درنتیجه $ab = \pm 9$ است.

.۲. گزینه ۴ درست است.

ابتدا از تغییر متغیر $Z = \frac{2x+1}{x+3}$ استفاده می‌کنیم. داریم:

$$z + \frac{1}{z} = 6 \Rightarrow z^2 - 6z + 1 = 0 \Rightarrow z_1 + z_2 = 6 \quad *$$

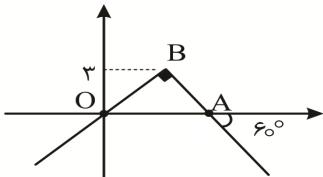
از آنجا که $z_2 = \frac{2\beta+3}{\beta+4}$ و $z_1 = \frac{2\alpha+3}{\alpha+4}$ است. در نتیجه $x = \beta + 1, x = \alpha + 1$ ریشه‌های معادله اصلی هستند، پس با قرار دادن در * داریم:

$$\frac{2\alpha+3}{\alpha+4} + \frac{2\beta+3}{\beta+4} = 6 \Rightarrow \frac{2\alpha+3}{\alpha+4} - 2 + \frac{2\beta+3}{\beta+4} - 2 = 2$$

$$\frac{-5}{\alpha+4} + \frac{-5}{\beta+4} = 2 \Rightarrow \frac{1}{\alpha+4} + \frac{1}{\beta+4} = \frac{-2}{5}$$

.۳. گزینه ۴ درست است.

از آنجا که $\hat{A} = 60^\circ$ است، پس $\hat{B}OA = 30^\circ$ است.



از اینجا می‌فهمیم که معادله نیم خط گذرنده از B و O به فرم است.

است. درنتیجه $x_B = 3\sqrt{3}$ است.

از اینجا با داشتن مختصات $B(3\sqrt{3}, 0)$ می‌توانیم ضابطه نیم خط گذرنده از B با شیب $-\tan 60^\circ = -\sqrt{3}$ را بیابیم که برابر با $y = -\sqrt{3}x + 12$ است. حال داریم:

$$xf(x+1) = \begin{cases} -\sqrt{3}x + 12 & x \geq 3\sqrt{3} \\ \frac{x}{\sqrt{3}} & x < 3\sqrt{3} \end{cases}$$

برای محاسبه $(-\frac{1}{2})f(-\frac{1}{2})$ مقدار $x = -\frac{3}{2}$ قرار می‌دهیم و داریم:

$$-\frac{3}{2}f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{-\frac{3}{2}}{\sqrt{3}} \Rightarrow f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

و با قراردادن $x = \frac{1}{\sqrt{3}} - 1$ داریم:

$$\left(\frac{1}{\sqrt{3}} - 1\right)f\left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right) = \frac{\frac{1}{\sqrt{3}} - 1}{\sqrt{3}} \Rightarrow f\left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right) = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

۴. گزینه ۴ درست است.

روش اول:

از فرض مسئله داریم:

$$\begin{cases} x = r^a \\ x = r^b \end{cases} \Rightarrow r^a = r^b \Rightarrow r = r^{\frac{a}{b}}$$

حال داریم:

$$\log_x r^a = \log_x r^{a+b} = \log_{r^a} r^b \times r^a = \log_{r^a} r^{\frac{a+b}{b}} = \frac{a+b}{b} \log_r = \frac{a+b}{b}$$

روش دوم:

$$\log_b^a = \frac{1}{\log_a^b}$$

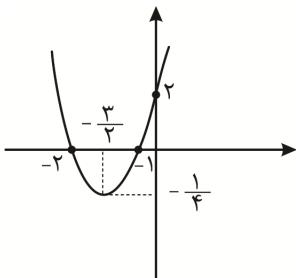
$$\begin{cases} \log_r^x = a \rightarrow \log_x r = \frac{1}{a} \\ \log_r^x = b \rightarrow \log_x r = \frac{1}{b} \end{cases}$$

$$A = \log_{r^a}^x \rightarrow \frac{1}{A} = \log_x r^a = \log_x r^{a+b} = \log_x r + \log_x r^b = \frac{1}{b} + \frac{1}{a} = \frac{a+b}{ab}$$

$$\Rightarrow A = \log_{r^a}^x = \frac{ab}{a+b}$$

۵. گزینه ۲ درست است.

نمودار $y = x^3 + 3x + 2$ به شکل زیر است:



این نمودار را اگر کمی بیشتر از دو واحد به پایین یا کمی بیشتر از یک واحد به راست منتقال دهیم از چهار ناحیه عبور می‌کند؛ بنابراین:

$$\min[a^3 + b^3] = [4^3 + 1^3] = [5^3] = 125$$

۶. گزینه ۲ درست است.

ابتدا توجه کنید که:

$$f(x) = 3(x-1) + 2 ; -3 < x-1 \leq 4 \Rightarrow f(x) = 3x-1 ; -2 < x \leq 5$$

بنابراین $[f(x) + f^{-1}(x)] = \frac{x+1}{3}$ است. درنتیجه دامنه تابع $f^{-1}(x) = \frac{x+1}{3}$ و $R_f = [-7, 14]$ است. که همان $[-2, 5]$ است. حال داریم:

$$y = x + 3x - 1 + \frac{x+1}{3} ; -2 < x \leq 5$$

$$\Rightarrow y = \frac{13x-2}{3} ; -2 < x \leq 5$$

برد این تابع $\left[-\frac{28}{3}, 21 \right]$ است که شامل ۳۱ عدد صحیح است.

.۷ گزینه ۳ درست است.

برای اینکه دنباله صعودی باشد، سه حالت داریم:

$$\text{اگر } x = 3 \Leftrightarrow b = 2, a = 1$$

$$\text{اگر } x = 5 \Leftrightarrow b = 3, a = 1$$

$$\text{اگر } x = 4 \Leftrightarrow b = 3, a = 2$$

بنابراین مجموع مقادیر x برابر ۱۲ است.

.۸ گزینه ۴ درست است.

$$\text{فرض کنید } b = \frac{f(1) + 3}{2} = f^{-1}(-5) + 7 = b$$

$$\begin{cases} f(1) = 2b - 3 \\ f^{-1}(-5) = b - 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 1 + k = 2b - 3 \\ -5 = f(b - 7) = (b - 7)^3 + (b - 7) + k \end{cases}$$

از معادله اول، $k = 2b - 5$ را داریم که با قرار دادن در معادله دوم نتیجه می‌شود که:

$$-5 = (b - 7)^3 + b - 7 + 2b - 5 \Rightarrow (b - 7)^3 + 3b = 7$$

$$\Rightarrow (b - 7)^3 + 3(b - 7) + 14 = 0 \xrightarrow{b-7=t} t^3 + 3t + 14 = 0 \Rightarrow (t + 2) \boxed{(t^2 - 2t + 7)} = 0$$

$$\Rightarrow t = -2 \Rightarrow b - 7 = -2 \Rightarrow b = 5$$

بنابراین داریم:

$$\frac{f(1) + 3}{2} = 5 \Rightarrow f(1) = 1 + 1 + k = 7 \Rightarrow k = 5$$

$$\Rightarrow f(x) = x^3 + x + 5 \Rightarrow f(5) = 125 + 5 + 5 = 135$$

.۹ گزینه ۱ درست است.

ابتدا توجه می‌کنیم که:

$$1) f(f(x)) = \frac{\frac{x + \sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}x} + \sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}\left(\frac{x + \sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}x}\right)} = \frac{-2x + 2\sqrt{3}}{-2\sqrt{3}x - 2} = \frac{x - \sqrt{3}}{x\sqrt{3} + 1}$$

$$2) f(f(f(x))) = f\left(\frac{x - \sqrt{3}}{x\sqrt{3} + 1}\right) = \frac{\frac{x - \sqrt{3}}{x\sqrt{3} + 1} + \sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}\left(\frac{x - \sqrt{3}}{x\sqrt{3} + 1}\right)} = \frac{4x}{4} = x$$

بنابراین $f(f(f(x))) = x$ است. این یعنی داریم:

$$a_{n+3} = f(a_{n+2}) = f(f(a_{n+1})) = f(f(f(a_n))) = a_n$$

بنابراین a_2 است. پس به جای a_{11} a_2 می‌توانیم a_2 را محاسبه کنیم:

$$a_2 = f(a_1) = f(2 - \sqrt{3}) = \frac{2 - \sqrt{3} + \sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}(2 - \sqrt{3})} = \frac{2}{4 - 2\sqrt{3}}$$

$$= \frac{1}{2 - \sqrt{3}} = 2 + \sqrt{3}$$

و گزینه اول صحیح است.

۱۰. گزینه ۲ درست است.

به کمک قوانین بسط توابع مثلثاتی داریم:

$$\begin{aligned} \frac{\sin \delta^\circ}{\cos 1^\circ} + 2 \sin 2^\circ - 2 \sin 4^\circ &= \frac{\sin \delta^\circ - 2 \sin 4^\circ \cos 1^\circ + 2 \sin 2^\circ \cos 1^\circ}{\cos 1^\circ} \\ &= \frac{\underbrace{\sin 1^\circ \cos 4^\circ - \sin 4^\circ \cos 1^\circ}_{\sin 4^\circ \cos 1^\circ + \sin 1^\circ \cos 4^\circ} = -\sin 3^\circ}{\cos 1^\circ} \\ &= \frac{2 \sin 2^\circ \cos 1^\circ - \sin 3^\circ}{\cos 1^\circ} = \frac{2 \sin 2^\circ \cos 1^\circ - \sin 2^\circ \cos 1^\circ - \sin 1^\circ \cos 2^\circ}{\cos 1^\circ} \\ &= \frac{\sin 2^\circ \cos 1^\circ - \sin 1^\circ \cos 2^\circ}{\cos 1^\circ} = \frac{\sin 1^\circ}{\cos 1^\circ} = \tan 1^\circ \end{aligned}$$

در پرانتز دوم داریم:

$$\begin{aligned} \frac{\sin 3^\circ}{\sin \delta^\circ - 2 \sin 1^\circ \cos 4^\circ - 2 \sin 1^\circ \cos 2^\circ} &= \frac{\sin 1^\circ}{\sin 3^\circ - 2 \sin 1^\circ \cos 2^\circ} \\ &= \frac{\sin 1^\circ}{\sin 1^\circ} = 1 \end{aligned}$$

پس پاسخ مسئله $\tan 1^\circ$ است.

۱۱. گزینه ۴ درست است.

ابتدا دقت کنید که $f(3/5) = f(f(4)) = 6$ و $f(3/5) = 4$ است؛ بنابراین:

$$(f(f(x)))'_{x=3/5} = f'(3/5)f'(f(3/5)) = f'(3/5)f'(4)$$

$$(f(f(x)))'_{x=4} = f'(4)f'(f(4)) = f'(4)f'(6)$$

حال با مشتق‌گیری از رابطه داده شده، داریم:

$$(f(f(x)))' = \frac{-1^\circ}{(x-1)^\circ} \Rightarrow \begin{cases} (f(f(x)))'_{x=3/5} = \frac{-1^\circ}{5} \\ (f(f(x)))'_{x=4} = \frac{-1^\circ}{9} \end{cases}$$

با ضرب این مقادیر داریم:

$$f'(3/5)f'(6)(f'(4))^2 = \left(-\frac{1^\circ}{5}\right)\left(\frac{-1^\circ}{9}\right) = \frac{16}{9}$$

۱۲. گزینه ۲ درست است.

از آنجا که $y = ax + 2$ در $(1, 5)$ بر $y = f(x+1) + x$ مماس است، دو نتیجه می‌گیریم:

$$\begin{cases} 5 = a + 2 \\ 5 = f(2) + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f(2) = 4 \\ a = 3 \end{cases}$$

بنابراین شبی خط مماس بر $y = f(x+1) + x$ برابر ۳ است:

$$(f'(x+1) + 1)_{x=1} = 3 \Rightarrow f'(2) + 1 = 3 \Rightarrow f'(2) = 2$$

حال نقطه تماس بر $y = f(2x)$ را پیدا می‌کنیم. این نقطه $(2, f(2)) = (2, 4)$ است. شبی خط مماس نیز برابر است با: $(2f'(2x))_{x=1} = 2f'(2) = 4$

پس معادله خط مماس می‌شود.

$$y - 4 = 4(x - 2) \Rightarrow y = 4x - 4$$

درنتیجه عرض از مبدأ -۴ است.

۱۳. گزینه ۳ درست است.

ابتدا توجه کنید که $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = a$ است، اما از روی نمودار این مقدار برابر با ۳ است. پس $a = 3$ و بنابراین:

$$f(0) = a - 1 \Rightarrow f(0) = 2 \Rightarrow \frac{c}{c} = 2 \Rightarrow c = 3$$

از طرفی $f'(0) = 0$ است. بنابراین:

$$f(x) = \frac{3x^3 + bx + c}{x^3 + 3} \Rightarrow f'(x) = \frac{(6x + b)(x^3 + 3) - 2x(3x^2 + bx + c)}{(x^3 + 3)^2}$$

$$\Rightarrow f'(0) = \frac{3b}{9} = \frac{b}{3} = 0 \Rightarrow b = 0$$

بنابراین:

$$\frac{a}{c} + b = \frac{3}{3} + 0 = 1$$

۱۴. گزینه ۱ درست است.

می‌دانیم $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax + 3}{x + 4} = a$ است. اگر a صحیح نباشد، داریم:

$$[a] = 5 \Rightarrow 5 < a < 6$$

اگر a صحیح باشد، باید ۵ یا ۶ باشد؛ پس داریم:

$$a = 5 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow \infty} \left[\frac{5x + 3}{x + 4} \right] = \lim_{x \rightarrow \infty} \left[5 - \frac{17}{x + 4} \right] = \left[\frac{-}{5} \right] = 4$$

پس $a = 5$ در شرط مسئله صدق نمی‌کند.

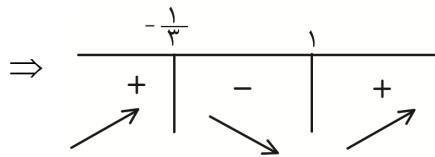
$$a = 6 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow \infty} \left[\frac{6x + 3}{x + 4} \right] = \lim_{x \rightarrow \infty} \left[6 - \frac{21}{x + 4} \right] = \left[\frac{-}{6} \right] = 5$$

پس $a = 6$ در شرط مسئله صادق است. لذا $a \in (5, 6)$ است.

۱۵. گزینه ۴ درست است.

برای یکنواختی داریم:

$$f'(x) = 3x^2 - 2x - 1 = (x - 1)(3x + 1)$$



اما برای جهت تقریر داریم:

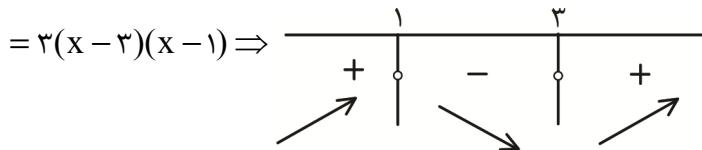
$$f''(x) = 6x - 2 = 2(3x - 1) \Rightarrow \begin{array}{c} \frac{1}{3} \\ \hline - | + \end{array}$$

در بازه $(-\frac{1}{3}, 1) \cap (\frac{1}{3}, \infty) = (\frac{1}{3}, 1)$ هم f نزولی است هم تقریر رو به بالا است.

۱۶. گزینه ۴ درست است.

تابع f همواره وارون‌پذیر است. پس وارون‌پذیری fog هم معنی با وارون‌پذیری $(g(x))$ است. اما تابع $g(x)$ فقط در بازه‌هایی وارون‌پذیر است که یکنوا باشد:

$$g'(x) = 3x^2 - 12x + 9 = 3(x^2 - 4x + 3)$$



پس اگر اعداد ۱ یا ۳ در بازه $(a-3, 2a+1)$ قرار داشته باشند، آنگاه $g(x)$ وارون پذیر نیست:

$$\begin{aligned} a-3 < 1 < 2a+1 &\Rightarrow 0 < a < 4 \\ a-3 < 3 < 2a+1 &\Rightarrow 1 < a < 6 \end{aligned}$$

۱۷. گزینه ۳ درست است.

ابتدا توجه کنید که $(f+g)(1) = f(1) + g(1) = 5 + a + 1 = a + 6 = 6$
حالا حد راست و چپ می‌گیریم:

$$\begin{aligned} 1) \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) + g(x) &= \lim_{x \rightarrow 1^+} (3x+2) + \left(\frac{x^2+x-2}{\sqrt{x+3}-1} \right) \\ &= 5 + \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x+1}{\frac{1}{\sqrt{x+3}}} = 5 + 12 = 17 \end{aligned}$$

$$2) \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) + g(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{bx^2-b}{x-1} + a + x = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{2bx}{1} + a + 1 = 2b + a + 1$$

بنابراین باید داشته باشیم:

$$\begin{cases} a+6=17 \\ 2b+a=16 \end{cases} \Rightarrow a=11 \text{ و } b=2/5 \Rightarrow a^2-4b^2=121-25=96$$

۱۸. گزینه ۴ درست است.

طول اضلاع قاعده را x و ارتفاع را y می‌نامیم. طبق فرض سؤال داریم:

$$4x+y=12 \Rightarrow y=12-4x$$

و می‌خواهیم ماقریم مطلق تابع زیر را بیابیم:

$$\begin{aligned} \text{حجم} &= x^2 y = x^2 (12 - 4x) \Rightarrow f(x) = 12x^2 - 4x^3 \\ \Rightarrow f'(x) &= 24x - 12x^2 = 0 \Rightarrow x = 0 \text{ یا } x = 2 \end{aligned}$$

$x=0$ بی معنی است؛ پس $x=2$ است و داریم:

$$f(2) = 12(4) - 4(8) = 48 - 32 = 16$$

۱۹. گزینه ۲ درست است.

از آنجا که $a, b \in \mathbb{Z}$ هستند، پس عبارت داخل جزء صحیح عددی صحیح است.

بنابراین برای اینکه حد دو طرفه برابر با ۶ باشد، باید داشته باشیم:

$$-2x^2 + bx + 6 = -2(x-a)^2 + 6 \Rightarrow -2x^2 + bx = -2x^2 + 4ax - 2a^2 + 2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} b = 4a \\ -2a^2 + 2 = 0 \end{cases} \Rightarrow (a, b) = (1, 4) \text{ یا } (-1, -4)$$

بنابراین $a+b = \pm 5$ است.

۲۰. گزینه ۱ درست است.

ابتدا توجه کنید که:

$$|\sin 2x| = 1 - \sin^2 x \Rightarrow |\sin 2x| = \cos^2 x \Rightarrow 2|\sin x||\cos x| = |\cos x|^2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} |\cos x| = 0 \Rightarrow x = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}, \frac{7\pi}{2}, \dots \\ 2|\sin x| = |\cos x| \Rightarrow |\tan x| = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha, \pi - \alpha, \pi + \alpha, 2\pi - \alpha, \dots \end{cases}$$

مجموع جواب‌ها در $[0, 2\pi]$ برابر با $\frac{\pi}{2} + \frac{3\pi}{2} + \alpha + \pi - \alpha + \pi + \alpha + 2\pi - \alpha = 6\pi$ است. مجموع جواب‌ها در

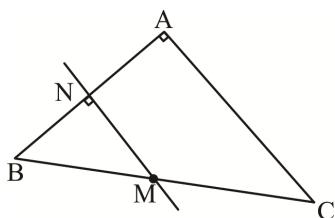
$11/5\pi + \alpha$ به $\left[0, \frac{7\pi}{2}\right]$ است. پس در $\frac{7\pi}{2} + 2\pi + \alpha = 5/5\pi + \alpha$ می‌رسیم. جواب‌های

دیگر α و $3\pi - \alpha$ و $3\pi + \alpha$ و $\frac{9\pi}{2}$ در $\left(\frac{7\pi}{2}, \frac{9\pi}{2}\right]$ باشد، آنگاه مجموع جواب‌ها بیشتر از $11/5\pi$ و کمتر از $21/5\pi$ است.

۲۱. گزینه ۱ درست است.

عمود منصف کوچک‌ترین ضلع مثلث قائم‌الزاویه از وسط وتر می‌گذرد.

$$NM \parallel AC, NM = \frac{1}{2} AC$$



بنابراین قضیه اساسی تشابه دو مثلث ABC, BNM متشابه هستند.

$$\frac{S_{BNM}}{S_{ABC}} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{S_{ACMN}}{S_{ABC}} = \frac{3}{4} \Rightarrow S_{ACMN} = 3S_{BNM}$$

$$S_{NBM} = S \Rightarrow S_{ABM} + \frac{3}{4}S_{ANMC} = 26 \Rightarrow S + \frac{3}{4}(3S) = 26$$

$$\frac{13}{4}S = 26 \Rightarrow S = 8 \Rightarrow S_{ACMN} = 8(3) = 24$$

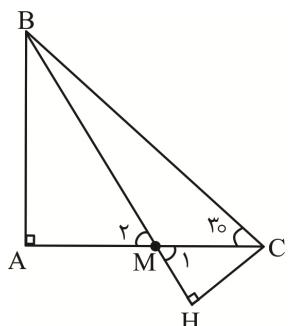
۲۲. گزینه ۲ درست است.

$$AB = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}(10) = 5$$

$$AC^2 = BC^2 - AB^2 = 100 - 25 = 75$$

$$AC = 5\sqrt{3}$$

$$AM = MC = \frac{5\sqrt{3}}{2}, BM^2 = 25 + \frac{75}{4} = \frac{175}{4}$$



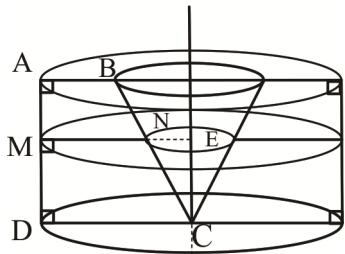
دو مثلث ABM و MHC بنا به حالت دو زاویه متشابه‌اند ($\hat{H} = \hat{A}, \hat{M}_1 = \hat{M}_2$)

$$\frac{S_{MHC}}{S_{ABC}} = \left(\frac{MC}{BC}\right)^2 = \frac{\frac{75}{4}}{\frac{175}{4}} = \frac{75}{175} = \frac{3}{7} \Rightarrow \frac{S_{MHC}}{S_{ABC}} = \frac{3}{14}$$

$$S_{ABM} = \frac{1}{2}S_{ABC}$$

میانه مساحت مثلث را نصف می‌کند

۲۲. گزینه ۳ درست است.



$$MN = \frac{1(3) + 2(2)}{1+2} = \frac{7}{3}$$

$$NE = ME - MN = 3 - \frac{7}{3} = \frac{2}{3}$$

$$S = \pi(3)^2 - \pi\left(\frac{2}{3}\right)^2 = 9\pi - \frac{4\pi}{9} = \frac{77\pi}{9}$$

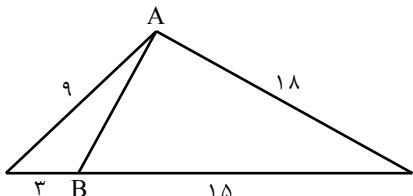
۲۳. گزینه ۳ درست است.

بنا به رابطه طولی در دایره داریم :

$$4(4+\delta) = 3(3+x) \Rightarrow x = 9$$

$$6(6+\delta) = 5(y+\delta) \Rightarrow y = 12$$

بنا بر قضیه استوارت در مثلث داریم:



$$AB^2 = \frac{3(5+12)^2 + (15)(9)^2}{3+15} - 3 \times 15 = \frac{153}{2}$$

۲۴. گزینه ۲ درست است.

$$A+B = \frac{1}{2}AB \Rightarrow A^{-1}(A+B)B^{-1} = \frac{1}{2}A^{-1}(AB)B^{-1}$$

$$A^{-1} + B^{-1} = \frac{1}{2}I \Rightarrow B^{-1} = \frac{1}{2}I - A^{-1} = \frac{1}{2}I + \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 5 & -3 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$$

$$B^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 6 & -3 \\ -4 & 3 \end{bmatrix}$$

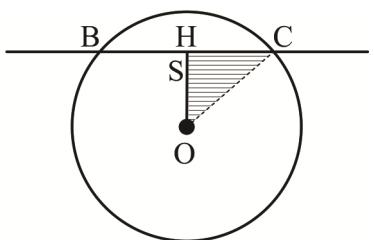
۲۵. گزینه ۲ درست است.

$$2|A|^2 - 6 = 2(|A|(|A|)) + 1(2|A|-2) + |A|(2)$$

$$2|A|^2 - 6 = 2|A|^2 + 8|A| - 4 \Rightarrow |A| = -\frac{1}{4}$$

$$|A^{-1}| = \frac{1}{|A|} = \frac{1}{-\frac{1}{4}} = -4$$

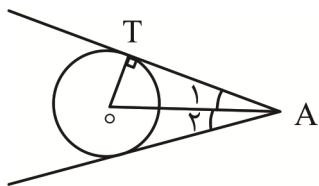
۲۶. گزینه ۲ درست است.



$$OH = \frac{|3(1) + 4(1) + 8|}{\sqrt{9+16}} = \frac{15}{5} = 3$$

$$BH = HC = 4 \Rightarrow OC = 5 = R$$

۲۷. گزینه ۴ درست است.

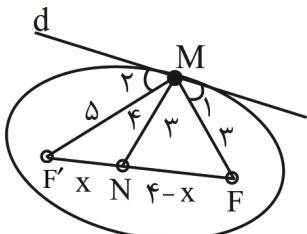


$$OA = \sqrt{(\lambda - 1)^2 + (\circ - 1)^2} = \sqrt{5^2} = 5\sqrt{2}$$

$$\sin \hat{A}_1 = \frac{OT}{OA} = \frac{5}{5\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \hat{A}_1 = 45^\circ$$

$$\hat{A} = 2\hat{A}_1 = 90^\circ$$

۲۸. گزینه ۳ درست است.



$$MF + MF' = 2a = 8 \Rightarrow a = 4$$

$$2b = 4\sqrt{3} \rightarrow b = 2\sqrt{3}$$

$$c^2 = a^2 - b^2 = 4^2 - 2^2 = 12 \Rightarrow c = 2\sqrt{3}$$

$$\hat{M}_1 = \hat{M}_2 \Rightarrow \hat{M}_3 = \hat{M}_4$$

و MN نیمساز زاویه $\hat{MFF'}$ است.

$$\frac{MF'}{MF} = \frac{NF'}{NF} \Rightarrow \frac{5}{3} = \frac{x}{4-x} \Rightarrow x = \frac{5}{2}, NF = \frac{3}{2}$$

$$MN^2 = MF \times MF' - NF \times NF' = 2(5) - \left(\frac{5}{2}\right)\left(\frac{3}{2}\right) = 10\left(1 - \frac{1}{4}\right) = 10\left(\frac{3}{4}\right) \Rightarrow MN = \frac{3}{2}\sqrt{5}$$

۲۹. گزینه ۱ درست است.

(الف) $\vec{a} \cdot (\vec{a} \times \vec{b}) = 0$ حاصل این ضرب، عدد صفر است. بردار صفر نیست.

(ب) حاصل ضرب خارجی دو بردار، یک بردار است. و حاصل بردار صفر است. عدد صفر نیست.

$$|\vec{r}\vec{a}| = r \|\vec{a}\|$$

(ت) حاصل ضرب داخلی دو بردار، یک عدد است بردار صفر نیست.

۳۰. گزینه ۳ درست است.

$$\vec{a} \times \vec{b} = \vec{0} \Rightarrow \vec{a} = \vec{r}\vec{b} \Rightarrow \vec{a} = (2r, -r, 2r)$$

$$|\vec{a}| = 3, |\vec{r}| = 12 \Rightarrow r = \pm 4 \Rightarrow \vec{r} \vec{a} = (-8, 4, -8)$$

$$\vec{a} - \vec{b} = (-8, 4, -8) - (2, -1, 2) = (-10, 5, -10)$$

$$|\vec{a} - \vec{b}| = 15$$

۳۱. گزینه ۳ درست است.

نقیض گزاره مورد نظر به صورت زیر به دست می آید:

$$\sim (\forall x \in N \exists y \in \mathbb{Z} : x > y) \equiv \exists x \in N \forall y \in \mathbb{Z} : x < y$$

و بیان درست آن مطابق گزینه ۳ است.

۳۲. گزینه ۳ درست است.

$$C = A - B = A - \{a, b\} = \{\{a\}, \{a, b\}\}$$

$$D = A - \{B\} = A - \{\{a, b\}\} = \{a, b, \{a\}\}$$

$$\Rightarrow D - C = \{a, b\} \Rightarrow 2 - 1 = 1 = 3$$

۳۳. گزینه ۱ درست است.

A دست کم دو عدد رو شده برابر باشدند. دلائل یکبار ۴ باید:

$$P(B | A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{n(A \cap B)}{n(A)}$$

$$n(A) = 6 \times 6 \times 6 - 5 \times 5 \times 5 = 216 - 125 = 91$$

برای محاسبه $n(A \cap B)$ باید حالت‌های زیر را بررسی و در هر حالت تعداد مطلوب را حساب کنیم:

(۴, ۴, ۴) = تعداد حالت‌ها:

الف) هر سه عدد روشده، عدد ۴ باشند.

$$(4, 4, X) = \binom{5}{1} \times 3 = 5 \times 3 = 15$$

ب) دو عدد روشده عدد ۴ باشند.

پ) فقط یکی از عدددهای روشده، عدد ۴ و دو عدد دیگر با هم برابر باشند.

$$(4, X, X) = \binom{5}{2} \times 3 = 5 \times 3 = 15$$

بنابراین تعداد عضوهای مجموعه $A \cap B$ برابر با $31 = 1 + 15 + 15$ است و درنتیجه:

۳۴. گزینه ۴ درست است.

k	۱	۲	۳	۴	۵	۶
$P(a_k)$	$\binom{5}{0}$	$\binom{5}{1}$	$\binom{5}{2}$	$\binom{5}{3}$	$\binom{5}{4}$	$\binom{5}{5}$

$$\sum P(a_k) = 1 \Rightarrow \frac{\binom{5}{0} + \binom{5}{1} + \binom{5}{2} + \binom{5}{3} + \binom{5}{4} + \binom{5}{5}}{n} = 1 \Rightarrow \frac{1 + 5 + 10 + 10 + 5 + 1}{n} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{32}{n} = 1 \Rightarrow n = 32$$

$$p(A) = p(a_1) + p(a_2) = \frac{1}{32} + \frac{5}{32} = \frac{6}{32} = \frac{3}{16}$$

۳۵. گزینه ۲ درست است.

$$20 + 40 + 20 + 10 + a = 100 \Rightarrow a = 100 - 90 = 10$$

$$\bar{x} = \frac{(20 \times 0) + (40 \times 1) + (20 \times 2) + (10 \times 3) + (10 \times 4)}{100} = \frac{0 + 40 + 40 + 30 + 40}{100} = 1.5$$

x_i	۰	۱	۲	۳	۴
$x_i - \bar{x}$	$-\frac{3}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{5}{2}$
$(x_i - \bar{x})^2$	$\frac{9}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{9}{4}$	$\frac{25}{4}$

$$\sigma^2 = \frac{\left(20 \times \frac{9}{4}\right) + \left(40 \times \frac{1}{4}\right) + \left(20 \times \frac{1}{4}\right) + \left(10 \times \frac{9}{4}\right) + \left(10 \times \frac{25}{4}\right)}{100} = \frac{45 + 10 + 5 + 22.5 + 62.5}{100} = \frac{140}{100} = 1.40$$

۳۶. گزینه ۱ درست است.

$$\begin{cases} a = bq + 11 \\ a = (b+3)(q-2) + 3 \end{cases} \Rightarrow bq + 11 = bq - 2b + 3q - 6 + 3 \Rightarrow 3q - 2b = 14$$

$$b \geq 12 \Rightarrow$$

$$a = (14 \times 14) + 11 = 207$$

b	12	13	14
q	$\frac{38}{3}$	$\frac{50}{3}$	14

پس کوچکترین عدد طبیعی مانند a برابر ۲۰۷ است. باقیمانده تقسیم ۲۰۷ بر ۱۱ برابر با ۶ است:

$$207 = (11 \times 18) + 9$$

۳۷. گزینه ۲ درست است.

$$3a \equiv 5 \equiv -12 \Rightarrow a \equiv -4 \Rightarrow a = 17q - 4$$

$$a \equiv 5 \Rightarrow 17q - 4 \equiv 5 \Rightarrow 6q \equiv 9 \Rightarrow 2q \equiv 3 \equiv 14$$

$$\Rightarrow q \equiv 7 \Rightarrow q = 11k + 7 \Rightarrow a = 17(11k + 7) - 4$$

$$a = 187k + 119 - 4 = 187k + 115 > 200$$

$$k = 0 \Rightarrow a = 115$$

$$k = 1 \Rightarrow a = 187 + 115 = 302$$

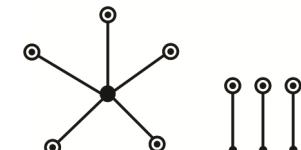
بنابراین کوچکترین عدد طبیعی مانند a، عدد ۳۰۲ و رقم یکاشر برابر ۲ است.

۳۸. گزینه ۱ درست است.

اگر درجه رأس i را با d_i نمایش دهیم، آنگاه:

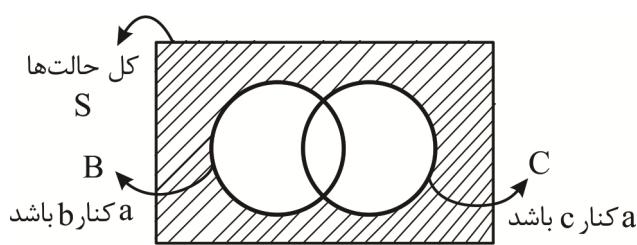
$$d_1 \times d_2 \times \dots \times d_{12} = 5 = 5 \times \underbrace{1 \times 1 \times \dots \times 1}_{11 \text{ تا}}$$

تنها گرافی که با این درجات می‌توان رسم کرد به شکل زیر است و تنها مجموعه احاطه‌گر مینیمال غیرمینیمم آن مطابق شکل، ۸ عضو دارد.



۳۹. گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} |S| - |B \cap C| &= |S| - |B| - |C| + |B \cap C| \\ &= |S| - (|B| + |C| - |B \cap C|) \end{aligned}$$



$$|S| = 5! = 120 \quad \boxed{ab}cde : |B| = 4!2! = 24 \times 2 = 48 \quad \boxed{ac}bde : |C| = 4!2! = 24 \times 2 = 48$$

$$\boxed{bac}de : |B \cap C| = 3!2! = 6 \times 2 = 12$$

$$120 - (48 + 48 - 12) = 120 - 84 = 36$$

۴۰. گزینه ۱ درست است.

بر اساس اصل لانه کبوتر می‌دانیم که اگر n کبوتر بخواهند در k لانه بنشینند، آنگاه به یقین حداقل یک لانه هست که در آن

$$\left[\frac{n-1}{k} \right] + 1 \geq 7 \Rightarrow \left[\frac{92}{k} \right] = 66 \Rightarrow \frac{92}{k} \geq 6 \Rightarrow 6k \leq 92 \Rightarrow k \leq \frac{92}{6} \Rightarrow k \leq 15$$

$$\left[\frac{92}{k} \right] + 1 = 7 \Rightarrow \left[\frac{92}{k} \right] = 66 \Rightarrow \frac{92}{k} \geq 6 \Rightarrow 6k \leq 92 \Rightarrow k \leq \frac{92}{6} \Rightarrow k \leq 15$$

فیزیک

۴۱. گزینه ۴ درست است.

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \rightarrow V = \frac{J}{C} = \frac{kg \frac{m^3}{s^3}}{A \cdot s} = \frac{kgm^3}{A \cdot s^3}$$

(دهم - فصل ۱)

۴۲. گزینه ۱ درست است.

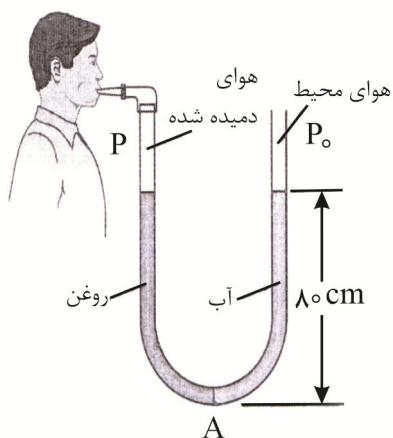
$$m_B = km_A \quad \text{نسبت } k \text{ را } \frac{m_B}{m_A} \text{ می‌نامیم؛ پس:}$$

$$\rho_T = \frac{m_T}{V_T} = \frac{m_A + m_B}{V_A + V_B} = \frac{m_A + km_A}{\frac{m_A}{\rho_A} + \frac{km_A}{\rho_B}} = \frac{m_A(1+k)}{m_A(\frac{1}{\rho_A} + \frac{k}{\rho_B})} = \frac{1+k}{\frac{1}{\rho_A} + \frac{k}{\rho_B}} = \frac{1+k}{\frac{1}{1/2} + \frac{k}{1/6}} = \frac{1+k}{1/2 + 1/6} = \frac{1+k}{1/3} = 1/6$$

$$\rightarrow 1+k = \frac{1/6}{1/2} + \frac{k \times 1/6}{1/6} \rightarrow 1+k = \frac{1}{3} + \frac{1}{9}k \rightarrow \frac{1}{9}k = \frac{1}{3} \rightarrow k = 3$$

(دهم - فصل ۱)

۴۳. گزینه ۳ درست است.



$$P_A = P + (\rho gh)_{روغن} = P_0 + (\rho gh)_{آب}$$

$$P = P_0 + (\rho gh)_{آب} - (\rho gh)_{روغن}$$

$$P_0 = 76 \text{ cmHg} = 13500 \times 10 \times \frac{76}{100} = 102600 \text{ Pa}$$

$$(\rho gh)_{آب} = 1000 \times 10 \times \frac{8}{100} = 8000 \text{ Pa}$$

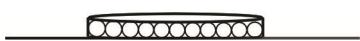
$$(\rho gh)_{روغن} = 750 \times 10 \times \frac{8}{100} = 6000 \text{ Pa}$$

$$P = 102600 + 8000 - 6000 = 104600 \text{ Pa}$$

(دهم - فصل ۲)

۴۴. گزینه ۴ درست است.

فرض می‌کنیم لکه روغن از یک لایه روغن تشکیل شده است، پس ارتفاع آن قطر یک مولکول روغن یعنی یک نانومتر است.



$$V = Ah \quad V = 1 \text{ mm}^3 = 10^{-9} \text{ m}^3 \rightarrow 10^{-9} = A \times (10^{-9}) \rightarrow A = 1 \text{ m}^2 = 10^4 \text{ cm}^2$$

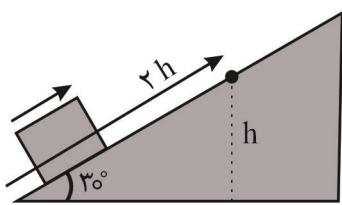
(دهم - فصل ۲)

۴۵. گزینه ۳ درست است.

(دهم - فصل ۲)

۴۶. گزینه ۱ درست است.

فرض کنیم جعبه تا ارتفاع h بالا می‌رود. زاویه سطح شیبدار 30° است، پس طول سطح طی شده ۲ برابر ارتفاع است.



$$\Delta K = W_T = W_{mg} + W_N + W_{fk} = (-mg\Delta h) + 0 + (-f_k d)$$

$$\rightarrow 0 - \frac{1}{2} \times m \times 6^2 = (-m \times 10 \times (+h)) + (-\frac{m \times 10}{10} \times 2h) \rightarrow$$

$$-18m = -10mh - 2mh \rightarrow h = \frac{18}{12} = \frac{3}{2} = 1.5m \rightarrow 2h = 3m$$

(دهم - فصل ۳)

۴۷. گزینه ۱ درست است.

$$\rho_2 = \rho_1(1 - \beta\Delta\theta) = 1000(1 - 0.3 \times 10^{-3} \times 50) = 1000 - 15 = 985 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

(دهم - فصل ۴)

۴۸. گزینه ۱ درست است.

دما تعادل را θ می‌نامیم.

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \rightarrow m_1 c_1 \Delta\theta_1 + C_2 \Delta\theta_2 + m_3 c_3 \Delta\theta_3 = 0$$

$$\rightarrow 2 \times 420 \times (\theta - 90) + 840 \times (\theta - 20) + 1 \times 420 \times (\theta - 20) = 0$$

از همه جمله‌ها یک 840 ساده می‌کنیم.

$$(\theta - 90) + (\theta - 20) + 8(\theta - 20) = 0 \rightarrow 7\theta = 210 \rightarrow \theta = 30^\circ \text{C}$$

(دهم - فصل ۴)

۴۹. گزینه ۳ درست است.

پس از پرشدن خازن جریان صفر می‌شود، پس ولتاژ باتری همان نیروی محرکه آن است.

$$V = \varepsilon - Ir, I = 0 \rightarrow V = \varepsilon = 4V$$

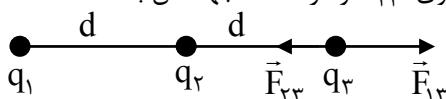
$$\Delta q = CV = 1 \times 4 = 4nC = 4 \times 10^{-9} C$$

$$n = \frac{\Delta q}{e} = \frac{4 \times 10^{-9}}{1.6 \times 10^{-19}} = 2.5 \times 10^{10}$$

(یازدهم - فصل ۱)

۵۰. گزینه ۴ درست است.

شرط سؤال در صورتی برقرار می‌شود که اندازه نیروی \vec{F}_{23} دو برابر اندازه نیروی \vec{F}_{13} و در خلاف جهت آن باشد.



$$\cancel{|q_2|} \parallel \cancel{|q_3|}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{F_{23}}{F_{13}} = \frac{d'}{\cancel{|q_1|} \parallel \cancel{|q_3|}} = 4 \frac{|q_2|}{|q_1|} \rightarrow \frac{|q_2|}{|q_1|} = \frac{1}{8} \xrightarrow{\text{نا همنام}} \frac{q_2}{q_1} = -\frac{1}{8}$$

(یازدهم - فصل ۱)

۵۱. گزینه ۴ درست است.



$$V = \varepsilon - Ir$$

$$\left. \begin{array}{l} I_1 = 2A, V_1 = 7V \\ I_2 = 4A, V_2 = 6V \end{array} \right\} \rightarrow \left. \begin{array}{l} \varepsilon = 8V \\ r = 0.5 \Omega \end{array} \right.$$

$$P_{max} = \frac{\varepsilon^2}{4r} = \frac{8 \times 8}{4 \times 0.5} = \frac{64}{2} = 32W$$

(یازدهم - فصل ۲)

۵۲. گزینه ۲ درست است.

$$\frac{I_{\max}}{I_{\min}} = \frac{R_{\max}}{R_{\min}} = \frac{R = \rho \frac{L}{A}}{\rho \frac{3 \times 4}{4 \times 5}} \rightarrow \frac{\rho \frac{\Delta}{3 \times 4}}{\rho \frac{\Delta}{4 \times 5}} = \frac{100}{36} = \frac{25}{9}$$

(یازدهم - فصل ۲)

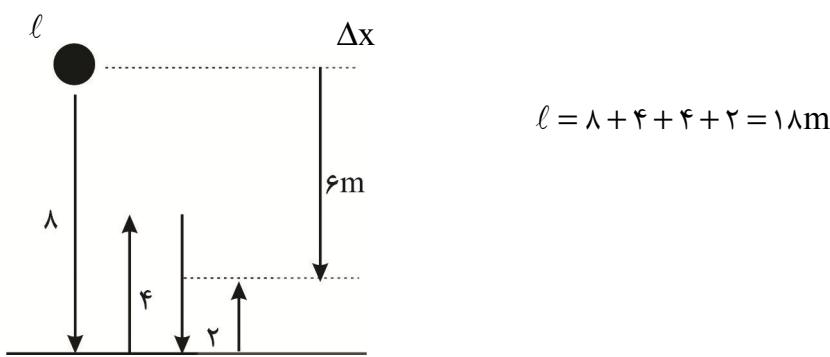
۵۳. گزینه ۳ درست است.

(یازدهم - فصل ۳)

۵۴. گزینه ۳ درست است.

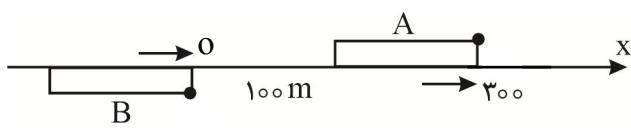
(یازدهم - فصل ۴)

۵۵. گزینه ۴ درست است.



(دوازدهم - فصل ۱)

۵۶. گزینه ۲ درست است.



جلوی قطارهای A و B را به عنوان دو نقطه بررسی می‌کنیم. هنگامی که قطار B از قطار A به طور کامل جلو می‌زند، نقطه B از نقطه A، ۳۰۰m جلوتر است.

$$\begin{cases} x_A = vt + x_0 = \Delta t + 300 \\ x_B = vt + x_0 = 1\Delta t + 0 = 1\Delta t \end{cases} \quad x_B = x_A + 300$$

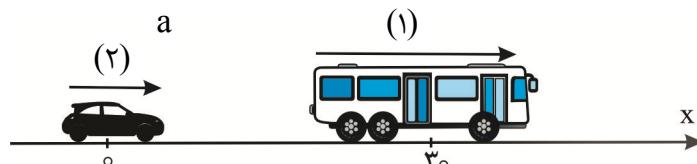
$$\rightarrow 1\Delta t = (\Delta t + 300) + 300 \rightarrow 1\Delta t = 600 \rightarrow t = 60 \text{ s}$$

$$\Delta x_A = v_A \Delta t = 5 \times 60 = 300 \text{ m}$$

(دوازدهم - فصل ۱)

۵۷. گزینه ۲ درست است.

روش اول:



$$x_1 = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 = \frac{-1}{2}t^2 + 10t + 30$$

$$x_2 = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 = \frac{1}{2}at^2 + 20t$$

$$\Delta x = 0 \rightarrow x_1 - x_2 = \frac{-1}{2}t^2 + 10t + 30 - (\frac{1}{2}at^2 + 20t) = \frac{-(1+a)}{2}t^2 - 10t + 30 = 0$$

برای آنکه این دو اتومبیل تصادف نکنند باید معادله $\Delta x = \Delta t \cdot a$ ریشه نداشته باشد.

$$B' - 4AC = 0 \rightarrow 100 + 4 \times \left(\frac{1+a}{2}\right)(30) = 0 \rightarrow \frac{1+a}{2} = \frac{-5}{6}$$

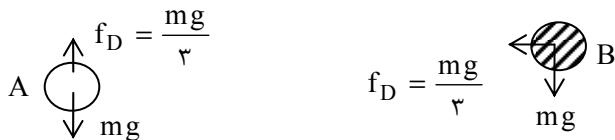
$$1+a = \frac{-10}{6} \rightarrow a = \frac{-10}{6} - 1 = \frac{-16}{6} = \frac{-8}{3} \text{ m/s}^2 \rightarrow |a| = \frac{8}{3} \text{ m/s}^2$$

روش دوم: سرعت نسبی

$$d = \frac{v_0^2}{2a} \rightarrow 30 = \frac{(10)^2}{2(a-1)} \rightarrow a-1 = \frac{5}{30} = \frac{1}{6} \rightarrow a = \frac{7}{6} \text{ m/s}^2$$

(دوازدهم - فصل ۱)

۵۸. گزینه ۳ درست است.



$$a_A = \frac{mg - \frac{mg}{3}}{m} = g - \frac{g}{3} = \frac{2}{3}g$$

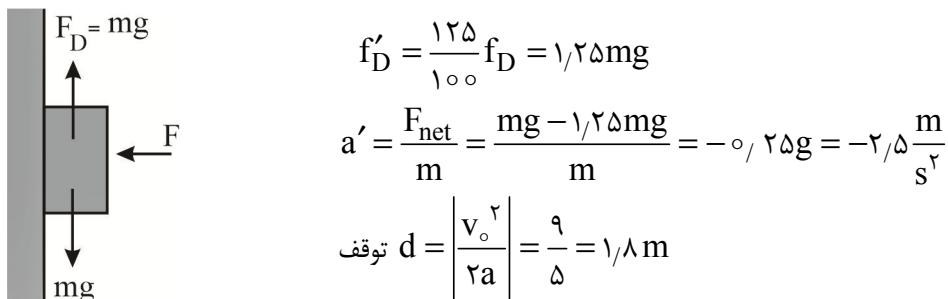
$$a_B = \frac{\sqrt{(mg)^2 + (\frac{mg}{3})^2}}{m} = \frac{mg\sqrt{1+\frac{1}{9}}}{m} = \frac{\sqrt{10}}{3}g$$

$$\frac{a_A}{a_B} = \frac{\frac{2}{3}g}{\frac{\sqrt{10}}{3}g} = \frac{2}{\sqrt{10}} = \frac{2\sqrt{10}}{10} = \frac{\sqrt{10}}{5}$$

(دوازدهم - فصل ۲)

۵۹. گزینه ۲ درست است.

اگر نیروی F را ۲۵ درصد افزایش دهیم، نیروی N و درنتیجه نیروی اصطکاک هم ۲۵ درصد افزایش می‌یابد.



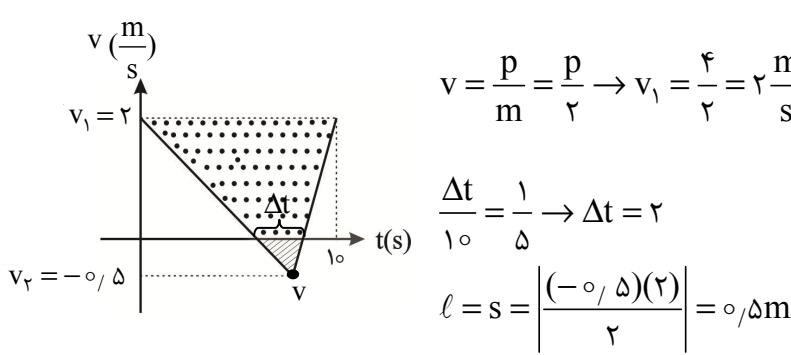
(دوازدهم - فصل ۲)

۶۰. گزینه ۱ درست است.

ابتدا نمودار $v-t$ را رسم می‌کنیم.

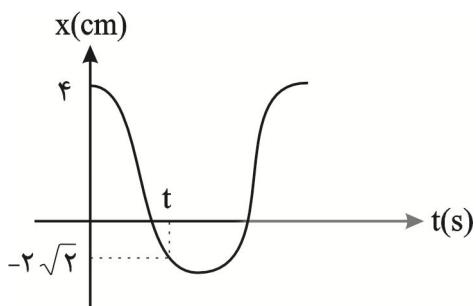
$$v = \frac{p}{m} = \frac{p}{2} \rightarrow v_1 = \frac{4}{2} = 2 \text{ m/s}, v_2 = -\frac{1}{2} = -0.5 \text{ m/s}$$

مثلث کوچک با مثلث بزرگ متشابه است.



(دوازدهم - فصل ۲)

۶۱. گزینه ۴ درست است.



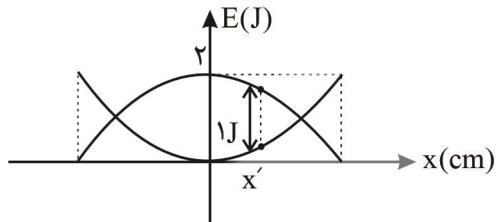
$$x = A \cos\left(\frac{\pi}{T}t\right) = 4 \cos\left(\frac{\pi}{T}t\right) = -2\sqrt{2} \rightarrow \cos\left(\frac{\pi}{T}t\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\rightarrow \frac{\pi}{T}t = \frac{\pi}{4} \rightarrow t = \frac{4}{\lambda} T$$

(دوازدهم - فصل ۳)

۶۲. گزینه ۴ درست است.

انرژی‌های جنبشی و پتانسیل نوسانگر را در نقطه x' به ترتیب K و U می‌نامیم.

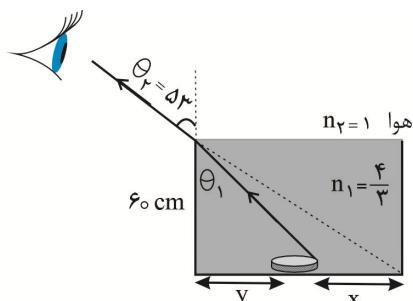


$$K + U = E = 2J, \quad K - U = 1J \rightarrow K = 1/5J, \quad U = 4/5J$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \rightarrow 1/5 = \frac{1}{2} \times 3 \times v^2 \rightarrow v^2 = 1/5 \rightarrow v = 1/\sqrt{5} \text{ m/s}$$

(دوازدهم - فصل ۳)

۶۳. گزینه ۴ درست است.



$$\frac{\sin \theta_r}{\sin \theta_1} = \frac{n_1}{n_2} \rightarrow \frac{1/5}{\sin \theta_1} = \frac{4}{3}$$

$$\rightarrow \sin \theta_1 = 1/6 \rightarrow \theta_1 = 37^\circ$$

$$\frac{y}{60} = \frac{3}{4} \rightarrow y = 45 \text{ cm} \quad \frac{y+x}{60} = \frac{4}{3} \rightarrow x = 35 \text{ cm}$$

(دوازدهم - فصل ۴)

۶۴. گزینه ۳ درست است.

$$n_1 = 5 \begin{cases} 6 \rightarrow 1 \\ 5 \rightarrow 1 \\ 4 \rightarrow 1 \\ 3 \rightarrow 1 \\ 2 \rightarrow 1 \end{cases} \quad n_2 = 6 \begin{cases} 6 \rightarrow 3 \\ 5 \rightarrow 3 \\ 4 \rightarrow 3 \\ 6 \rightarrow 4 \\ 5 \rightarrow 4 \\ 6 \rightarrow 5 \end{cases} \quad \frac{n_2}{n_1} = \frac{6}{5}$$

(دوازدهم - فصل ۵)

۶۵. گزینه ۳ درست است.

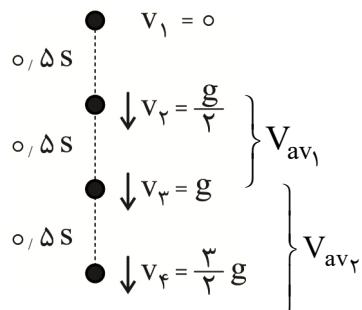


$$237 = 225 + 4n \rightarrow 4n = 12 \rightarrow n = 3$$

$$93 = 88 + 2n - m \rightarrow m = 1 \quad m + n = 4$$

(دوازدهم - فصل ۶)

۶۶. گزینه ۲ درست است.



$$\frac{V_{av_2}}{V_{av_1}} = \frac{\frac{g + \frac{3}{2}g}{2}}{\frac{\frac{g}{2} + g}{2}} = \frac{5}{3}$$

(دوازدهم - فصل ۱)

۶۷. گزینه ۱ درست است.

(دوازدهم - فصل ۶)

۶۸. گزینه ۲ درست است.

$$\frac{W_2}{W_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{450}{720} \times \frac{4}{5} = \frac{1}{2}$$

(دوازدهم - فصل ۴)

۶۹. گزینه ۴ درست است.

با نصف کردن سیم‌لوله هم L و هم N هر دو نصف می‌شوند.

$$B = \mu \circ \frac{N}{\ell} I \rightarrow \frac{B_2}{B_1} = \frac{N_2}{N_1} \times \frac{\ell_1}{\ell_2} = \frac{1}{2} \times 2 = 1 \rightarrow B_2 = B$$

$$L = \frac{\mu \circ N^r A}{\ell} \rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \left(\frac{N_2}{N_1} \right)^r \times \left(\frac{\ell_1}{\ell_2} \right) = \frac{1}{4} \times 2 = \frac{1}{2} \rightarrow L_2 = \frac{L}{2}$$

(یازدهم - فصل ۴)

۷۰. گزینه ۳ درست است.

در هر دو حالت کار انجام شده توسط موتور نهایتاً تبدیل به انرژی درونی می‌شود.

(دهم - فصل ۵)

۷۱. گزینه ۳ درست است.

$$W = -P\Delta V = -nR\Delta T = -(0.5)(8)(300) = -1200 J \quad \text{کار محیط روی گاز}$$

کار گاز روی محیط قرینه جواب به دست آمده است. (دهم - فصل ۵)

۷۲. گزینه ۱ درست است.

$$T = \frac{mv^r}{r} \rightarrow v^r = \frac{Tr}{m} \rightarrow v = \sqrt{\frac{Tr}{m}} = \sqrt{\frac{250 \times 3}{30}} = 5 \frac{m}{s}$$

(دوازدهم - فصل ۳)

۷۲. گزینه ۲ درست است.

$$v = \sqrt{\frac{FL}{m}} = \sqrt{\frac{200 \times 1}{0.02}} = 100 \frac{m}{s}$$

$$f_n = \frac{nv}{2L} \Rightarrow f_r = \frac{2 \times 100}{2 \times 1} = 100 \text{ Hz}$$

(دوازدهم - فصل ۴)

۷۳. گزینه ۴ درست است.

$$I = \frac{\epsilon_2 - \epsilon_1}{R_1 + R_2 + r_1 + r_2} = \frac{20 - 10}{2 + 1 + 1 + 1} = 2A$$

$$V = \epsilon_2 - IR_2 - Ir_2 = 20 - 2(1) - 2(1) = 16V$$

(یازدهم - فصل ۲)

۷۴. گزینه ۴ درست است.

$$N = \frac{l}{2\pi r} \rightarrow \frac{N_2}{N_1} = \frac{r_1}{r_2} = \frac{r}{2r} = \frac{1}{2}$$

سیم‌ها مشابه هستند. پس مقاومت یکسانی دارند. ولتاژ آن‌ها یکسان است، پس جریان یکسانی دارند.

$$B = \frac{N\mu_0 I}{2r} \rightarrow \frac{B_1}{B_2} = \frac{N_1}{N_2} \times \frac{r_2}{r_1} = 2 \times 2 = 4$$

(یازدهم - فصل ۳)

شیمی

۷۵. گزینه ۲ درست است.

گزینه (۱) نادرست است؛ زیرا مجموع شمار اتم‌ها در $\text{Al}_2(\text{SO}_4)_3$ برابر ۱۷ و مول الکترون مبادله شده به‌ازای تشکیل یک مول Ga_2O_3 برابر ۶ است.

گزینه (۲) درست است. مجموع شمار اتم‌ها در $(\text{NH}_4)_2\text{PO}_4$ برابر ۲۰ و مول الکترون مبادله شده به‌ازای تشکیل یک مول Na_4SiO_4 برابر ۴ است.

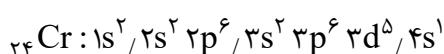
گزینه (۳) نادرست است؛ زیرا مجموع شمار اتم‌ها در $\text{Zn}(\text{NO}_3)_2$ برابر ۹ و مول الکترون مبادله شده به‌ازای تشکیل یک مول $\text{Mg}_2(\text{PO}_4)_3$ برابر ۶ است.

گزینه (۴) نادرست است؛ زیرا مجموع شمار اتم‌ها در $\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$ برابر ۹ و مول الکترون مبادله شده به‌ازای تشکیل یک مول MgCO_3 برابر ۲ است. (دهم - فصل ۳)

۷۶. گزینه ۱ درست است.

عدد اتمی عناصر A, B و D به ترتیب ۲۰ و ۲۴ و ۳۵ است. (۳۵Br, ۲۴Cr, ۳۰Ca) عبارت (الف) درست است. با افزودن CaCl_2 به مخلوط آب و صابون به‌دلیل تشکیل رسوب، پایداری مخلوط از بین می‌رود.

عبارت (ب) نادرست است؛ زیرا در آرایش الکترونی ^{24}Cr هفت الکترون با = ۱ وجود دارد.

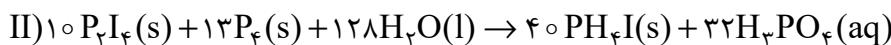


عبارت (پ) نادرست است؛ زیرا عدد اکسایش برم در $\text{Mg}(\text{BrO}_3)_2$ برابر +۵ است، در حالی که بالاترین عدد اکسایش این عنصر برابر +۷ است.

عبارت (ت) درست است. هر سه عنصر ^{20}Ca , ^{24}Cr و ^{35}Br در دوره چهارم قرار دارند. انتظار داریم فلزات گروه ۱ و ۲ جدول دوره‌ای از فلزات واسطه کاهنده‌تر باشند؛ زیرا تمایل بیشتری برای از دست دادن الکترون دارند.

(دهم - فصل ۱ - دوازدهم - فصل ۱ و ۲)

۷۸. گزینه ۳ درست است.



مجموع ضرایب مواد در معادله (I) ۳۵ :

مجموع ضرایب مواد در معادله (II) ۲۲۳ :

پس اختلاف مجموع ضرایب مواد در دو معادله برابر ۱۸۸ است. (دهم - فصل ۲)

۷۹. گزینه ۳ درست است.

بررسی گزینه‌ها:

مطلوب ۱ نادرست است؛ زیرا در دوره چهارم جدول تناوبی نماد چهار عنصر Ca، Cr، Co و Cu با حرف C آغاز می‌شود که همگی فلز هستند.

مطلوب ۲ نادرست است؛ زیرا در آرایش الکترونی Ni^{2+} ۲۸ هشت الکترون با ۲ = ۱ و دوازده الکترون با ۱ = ۱ وجود دارد.
 $\text{Ni}^{2+} : 1s^2/2s^2 2p^6/3s^2 3p^6 3d^8$

مطلوب ۳ درست است. جرم اتمی میانگین آهن برابر $55/8$ می‌باشد:

$$\bar{m} = \frac{(55 \times 80) + (59 \times 20)}{100} = 55/8$$

مطلوب ۴ نادرست است؛ زیرا در طیف نشري خطی عناصر Li و H_۱ نوار آبی رنگ وجود دارد. (دهم - فصل ۱)

۸۰. گزینه ۳ درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت (الف) درست است. He که در دستگاه MRI کاربرد دارد، ۷% گاز طبیعی را تشکیل می‌دهد و در زمان سوختن آن به همراه فرآورده‌های سوختن، مصرف نشده وارد هوا می‌شود.

عبارت (ب) درست است. شکل B حسگر گاز CO را نشان می‌دهد که شمار پیوندهای کووالانسی آن با SO_۲ برابر است.



عبارت (پ) نادرست است؛ زیرا شکل C مدل فضا پرکن متان است.

عبارت (ت) نادرست است؛ زیرا N_۲ و H_۲ در دمای اتاق با جرقه و کاتالیزگر واکنش نمی‌دهند. (دهم - فصل ۲)

۸۱. گزینه ۴ درست است.

معادله زنگ زدن آهن پس از موازنی به صورت زیر در می‌آید:



در این معادله در می‌یابیم که بر اثر اکسایش ۴ مول آهن (۴۲۴g) (III) هیدروکسید (۴۲۸g) ایجاد می‌شود
 یعنی با اکسایش ۴ مول آهن، ۲۰ گرم افزایش جرم داریم.

$65/5 - 40 = 25/5\text{g}$ = جرم اضافه شده

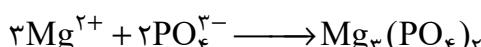
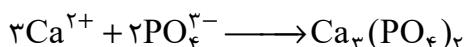
$$\frac{4\text{mol Fe}}{25/5\text{g}} \times \frac{56\text{g Fe}}{1\text{mol Fe}} = 28\text{g Fe}$$

پس ۲۸ گرم از آهن دچار خوردگی شده است.

$$\text{Fe} = \frac{28\text{g}}{40\text{g}} \times 100 = 70 \quad (\text{دهم - فصل ۲})$$

۸۲. گزینه ۱ درست است.

یون‌های Ca^{۲+} و Mg^{۲+} عامل سختی آب هستند و معادله واکنش آن‌ها با یون فسفات به صورت زیر است:



جرم یون فسفات موردنیاز برای واکنش با هر یون به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$15\text{kg آب} \times \frac{0.4\text{g Ca}^{2+}}{1\text{kg آب}} \times \frac{1\text{mol Ca}^{2+}}{40\text{g Ca}^{2+}} \times \frac{2\text{mol PO}_4^{3-}}{3\text{mol Ca}^{2+}} \times \frac{95\text{g PO}_4^{3-}}{1\text{mol PO}_4^{3-}} = 9.5\text{g PO}_4^{3-}$$

$$15\text{kg آب} \times \frac{1.35\text{g Mg}^{2+}}{1\text{kg آب}} \times \frac{1\text{mol Mg}^{2+}}{24\text{g Mg}^{2+}} \times \frac{2\text{mol PO}_4^{3-}}{3\text{mol Mg}^{2+}} \times \frac{95\text{g PO}_4^{3-}}{1\text{mol PO}_4^{3-}} \approx 53/43\text{g}$$

$$9.5 + 53/43 = 62/93 = \text{جرم فسفات}$$

(دهم - فصل ۳)

۸۲. گزینه ۲ درست است.

بررسی مطالب:

مطلوب ۱ درست است. سالانه میلیون‌ها تن نمک خوارکی را با روش تبلور (که یک روش فیزیکی است) از آب دریا جداسازی و استخراج می‌کنند.

مطلوب ۲ نادرست است؛ زیرا مولاریته محلول سرکه برابر است با: (استیک اسید: CH_3COOH)

$$\frac{10\text{ ad}}{60} = \frac{10 \times 5 \times 1/02}{\text{جرم مولی}} = 0.85\text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

مطلوب ۳ درست است. از نظر انحلال‌پذیری در آب داریم:



منیزیم سولفات نمکی محلول در آب، کلسیم سولفات کم محلول و باریم سولفات نامحلول در آب است.

مطلوب ۴ درست است. اگر جرم برابر از اتانول ($\text{C}_2\text{H}_6\text{O}$) و استون ($\text{C}_3\text{H}_8\text{O}$) را با هم مخلوط کیم، استون مول کمتری دارد و حل‌شونده است. (اتانول حل‌حل است). (دهم - فصل ۳)

۸۳. گزینه ۴ درست است.

با سرد کردن محلول از دمای 49°C به 28°C انحلال‌پذیری KNO_3 از 80 به 40 می‌رسد، یعنی به‌ازای 180 گرم محلول 40 گرم رسوب ایجاد می‌شود.

$$27\text{g} \times \frac{40\text{g رسوب}}{180\text{g محلول}} = 6\text{g رسوب}$$

۶ گرم KNO_3 طبق معادله زیر تجزیه می‌شود:

$$6\text{g KNO}_3 \times \frac{1\text{mol KNO}_3}{101\text{g KNO}_3} \times \frac{7\text{mol گاز}}{4\text{mol KNO}_3} \times \frac{40\text{L گاز}}{1\text{mol گاز}} \equiv 4/16\text{L}$$

(دهم - فصل ۲ و ۳)

۸۴. گزینه ۱ درست است.

ابتدا مول حل‌شونده در هر محلول را به‌دست می‌آوریم:

$$1 = 0.05 \times 10/1 = 0.005$$

$$2 = 0.05 \times 10/4 = 0.02$$

برای توقف اسمز باید غلظت دو محلول یکسان شود؛ پس مولکول‌های آب از محلول رقیق‌تر به محلول غلیظتر انتقال می‌یابند.

$$M_1 = M_2 \Rightarrow \frac{0.005}{(50-x) \times 10^{-3}} = \frac{0.02}{(50+x) \times 10^{-3}} \Rightarrow x = 30$$

پس 30 آب از محلول رقیق‌تر کاسته و 30 mL آب به محلول غلیظتر افزوده می‌شود؛ پس اختلاف حجم محلول‌ها 60 mL خواهد شد. (دهم - فصل ۳)

۸۶. گزینه ۲ درست است.

$$Z + (Z+1) + (Z+2) + (Z+3) + (Z+4) = 75 \Rightarrow Z = 13$$

پس عناصر معرفی شده در تست عبارتند از:



بررسی عبارت‌ها:

عبارة (الف) درست است. آلومینیوم جزو هشت عنصر فراوان‌تر کره زمین است که ترکیب Al(OH)_3 به عنوان ضد اسید کاربرد دارد.

عبارة (ب) نادرست است؛ زیرا ^{14}Si به صورت خالص در طبیعت وجود ندارد و اغلب به شکل ترکیب اکسیژن‌دار مثل SiO_2 یافت می‌شود.

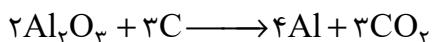
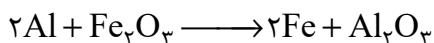
عبارة (پ) درست است. فسفر در دمای اتاق به آسانی با اکسیژن ترکیب می‌شود؛ زیرا E کمی دارد. همچنین رادیو ایزوتوپ فسفر در ایران تولید می‌شود.

عبارة (ت) نادرست است؛ زیرا نقطه جوش H_2S از CCl_4 کمتر است. (H_2S در دمای اتاق حالت گاز و CCl_4 حالت مایع دارد).

عبارة (ث) درست است. کلر در دمای اتاق (و در دماهای بالاتر) با هیدروژن ترکیب می‌شود. (یازدهم - فصل ۱)

۸۷. گزینه ۳ درست است.

معادله موازنده و اکنش‌ها به صورت زیر است:



$$14000 \text{ kg Fe} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{56 \text{ g Fe}} \times \frac{2 \text{ mol Al}}{2 \text{ mol Fe}} \times \frac{3 \text{ mol C}}{4 \text{ mol Al}} \times \frac{12 \text{ g C}}{1 \text{ mol C}} \times \frac{100}{75} = 3000 \text{ kg}$$

$$\frac{3000 \text{ kg}}{80 \text{ kg}} = 37.5 \text{ تعداد آند گرافیتی}$$

پس حداقل ۳۸ آند گرافیتی باید به کار ببریم. (یازدهم - فصل ۱)

۸۸. گزینه ۲ درست است.

بررسی عبارت‌ها:

(۱) نادرست است؛ زیرا فرمول مولکولی ترکیب B به صورت C_8H_{12} و فرمول مولکولی A - اوکتین C_8H_{16} است.

(۲) درست است. نام آیوپاک ترکیب A «۳، ۴-تری متیل نونان» است که مجموع اعداد به کار رفته در نام آن برابر ۱۳ است.

(۳) نادرست است؛ زیرا ترکیب A دارای ۴ گروه CH_2 و «۴-ایتل هپتان» دارای ۵ گروه CH_2 است.

(۴) نادرست است؛ زیرا ترکیب B با دو مول Br_2 واکنش می‌دهد، اما محصول واکنش هیدروکربن نیست؛ زیرا هیدروکربن‌ها فقط از کربن و هیدروژن تشکیل می‌شوند. (یازدهم - فصل ۱)

۸۹. گزینه ۴ درست است.

در سامانه‌های دو جزئی برای تعیین دمای تعادل از رابطه $Q_1 = -Q_2$ استفاده می‌کنیم.

$$\text{A} : 100 \times 4/2 \times (\theta_2 - 85) = -20 \times 0/84 \times (\theta_2 - 5) \Rightarrow \theta_2 \approx 81/92^\circ\text{C}$$

$$\text{B} : 500 \times 4/2 \times (\theta_2 - 85) = -20 \times 0/84 \times (\theta_2 - 5) \Rightarrow \theta_2 \approx 84/36^\circ\text{C}$$

$$\frac{\Delta\theta(\text{A})}{\Delta\theta(\text{B})} = \frac{85 - 81/92}{85 - 84/36} = \frac{3/08}{0/64} = 4/81$$

(یازدهم - فصل ۲)

۹۰. گزینه ۱ درست است.

برای حل این تست طبق قانون هس باید واکنش اول را در $\frac{1}{2}$ ضرب کرده، واکنش سوم را معکوس و در $\frac{1}{3}$ ضرب کنیم.

واکنش دوم را نیز معکوس و در $\frac{1}{6}$ ضرب می‌کنیم. با جمع ΔH این سه واکنش را خواهیم داشت:

$$\Delta H_{\text{کل}} = (-23 \times \frac{1}{2}) + (+39 \times \frac{1}{6}) + (-18 \times \frac{1}{3}) = -11 \text{ kJ}$$

(یازدهم - فصل ۲)

۹۱. گزینه ۱ درست است.

واکنش در ثانیه 5° به پایان می‌رسد، جرم CO_2 آزادشده در این مدت برابر است با:

$$\text{جرم } \text{CO}_2 = 65/98 - 64/50 = 1/48 \text{ g CO}_2$$

$$1/48 \text{ g CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44 \text{ g CO}_2} \times \frac{2 \text{ mol HCl}}{1 \text{ mol CO}_2} \equiv 0/067 \text{ mol HCl}$$

$$\bar{R}_{\text{HCl}} = \frac{0/067 \text{ mol}}{\frac{5}{6} \text{ min}} \equiv 0/08 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

جرم CaCO_3 مصرف شده در واکنش برابر است با:

$$1/48 \text{ g CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44 \text{ g CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol CaCO}_3}{1 \text{ mol CO}_2} \times \frac{100 \text{ g CaCO}_3}{1 \text{ mol CaCO}_3} = 3/36 \text{ g}$$

$$\text{جرم هر قطعه} = \frac{3/36}{5} = 0/0672 \text{ g}$$

(یازدهم - فصل ۲)

۹۲. گزینه ۳ درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت (الف) نادرست است؛ زیرا ترکیب A بنزالدهید نام دارد. (ترکیب B که بنزوییک اسید نام دارد برای کاهش سرعت فساد مواد غذایی به کار می‌رود).

عبارت (ب) درست است. محلول بنفش رنگ پاتسیم پرمنگنات در واکنش با اسیدهای آلی بر اثر گرم شدن به سرعت بی‌رنگ می‌شود.

عبارت (پ) نادرست است؛ زیرا ترکیب C و ۱-هگزانول با هم ایزومر هستند. اما ۱-هگزانول نقطه جوش بالاتری دارد. (به دلیل پیوند هیدروژنی) بنابراین بخار ۱-هگزانول نسبت به ترکیب C آسان‌تر مایع می‌شود.

عبارت (ت) نادرست است؛ زیرا ترکیب D دارای گروه عاملی آمید ($\text{C}-\text{N}$) نیست.

عبارت (ث) درست است. D گروه آمین دارد، پس می‌تواند با کربوکسیلیک اسید واکنش دهد. همچنین حدود ۲۶/۲ درصد جرمی ترکیب B را اکسیژن تشکیل می‌دهد.

$$\frac{32}{122} \times 100 \approx 26/2 = \text{درصد جرمی اکسیژن}$$

(یازدهم - فصل ۲)

۹۳. گزینه ۳ درست است.

بررسی مطالب:

مطلوب ۱ درست است.

$$6/4 \text{ g SO}_3 \times \frac{1 \text{ mol SO}_3}{80 \text{ g SO}_3} \times \frac{a \text{ mol A}}{2 \text{ mol SO}_3} = 0/04 \Rightarrow a = 1$$

پس نمودار داده شده مربوط به گاز اکسیژن است.

مطلوب ۲ درست است. در دقیقه اول واکنش مقدار O_2 از 4×10^{-4} مول کاهش یافته است؛ پس 75 درصد آن مصرف شده است.

مطلوب ۳ نادرست است؛ زیرا سرعت متوسط واکنش با سرعت متوسط مصرف O_2 برابر است.

$$\bar{R}_{O_2} = \frac{\text{mol}}{2L \times 120\text{s}} = 1,66 \times 10^{-4} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

مطلوب ۴ درست است. با کاهش فشار در این سامانه سرعت واکنش کاهش یافته و مدت زمان انجام واکنش بیشتر می‌شود.

(یازدهم - فصل ۲)

۹۴. گزینه ۲ درست است.

- عبارت اول درست است. ناپروکسن دارای گروههای عاملی اتری و کربوکسیل است.

- عبارت دوم درست است. در این ترکیب دو گروه CH_3 وجود دارد. کربن یکی از این گروهها دارای عدد اکسایش -3 و کربن دیگری که به اکسیژن متصل است عدد اکسایش -2 دارد.

- عبارت سوم درست است. فرمول مولکولی آن $C_{14}H_{14}O_3$ است.

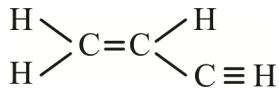
- عبارت چهارم نادرست است؛ زیرا این ترکیب فقط یک گروه عاملی کربوکسیل دارد و برای واکنش تولید پلی استر مناسب نیست.

- عبارت پنجم درست است. پنج اتم کربن در این ترکیب به هیدروژن متصل نیستند. (یازدهم - فصل ۳)

۹۵. گزینه ۴ درست است.

بررسی مطالب:

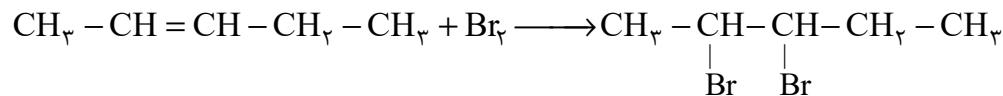
مطلوب ۱ نادرست است؛ زیرا مونومر B دارای ۹ پیوند کووالانسی است.



مطلوب ۲ نادرست است؛ زیرا مونومر سازنده پلیمر A، -2 - پنتن نام دارد.

مطلوب ۳ نادرست است؛ زیرا پلی‌وینیل کلرید در ساخت کیسه خون و پلی‌پروپن در ساخت سرنگ کاربرد دارد.

مطلوب ۴ درست است.



و -3 - دی برمونپنتان

(یازدهم - فصل ۳)

۹۶. گزینه ۱ درست است.

غلظت H^+ در محلول نیترو اسید 2×10^{-2} مولار است.

$$[H^+] = 10^{-1/7} = 3 \times 10^{-2}$$

$$4 \times 10^{-4} = \frac{2 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-2}}{[HNO_3]} \Rightarrow [HNO_3] = 1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

غلظت تعادلی فورمیک اسید برابر $\frac{1}{2}$ مولار است.

$$8 \times 10^{-5} = \frac{[H^+]}{0.5} \Rightarrow [H^+] = 0.004 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

غلظت آنیون هر محلول با غلظت H^+ برابر است:

$$2 \times 10^{-2} \frac{\text{mol } NO_3^-}{\text{L}} \times 1 \text{ L} \times \frac{46 \text{ g } NO_3^-}{1 \text{ mol } NO_3^-} = 0.92 \text{ g}$$

$$4 \times 10^{-3} \frac{\text{mol } HCOO^-}{\text{L}} \times 1 \text{ L} \times \frac{45 \text{ g } HCOO^-}{1 \text{ mol } HCOO^-} = 0.18 \text{ g}$$

$0.92 - 0.18 = 0.74 \text{ g}$ تفاوت جرم آنیون‌ها

(دوازدهم - فصل ۱)

۹۷. گزینه ۴ درست است.

ابتدا غلظت دو محلول را به دست می‌آوریم:

$$8\text{g HA} \times \frac{1\text{mol HA}}{40\text{g HA}} \times \frac{1}{2L} = 0.1\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$18\text{g HB} \times \frac{1\text{mol HB}}{72\text{g HB}} \times \frac{1}{2L} = 0.125\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

از آنجایی که pH دو محلول برابر است، پس اسید HA که غلظت کمتری دارد قوی‌تر است.

عبارت (الف) درست است. رسانایی دو محلول برابر است؛ زیرا غلظت یون‌ها یکسان است و به دلیل آنکه HA اسید قوی‌تری است K_a بزرگ‌تری دارد.

عبارت (ب) نادرست است؛ زیرا نسبت درجه یونش HA به HB برابر است با:

$$\frac{\alpha_{HB}}{\alpha_{HA}} = \frac{M_{HA}}{M_{HB}} = \frac{0.1}{0.125} = \frac{4}{5} = 0.8$$

عبارت (پ) درست است. از آنجا که غلظت محلول HB بیشتر است، حجم گاز H_2 تولیدشده از واکنش منیزیم با این فلز بیشتر است.

عبارت (ت) نادرست است؛ زیرا غلظت مولکول‌های یونیده‌نشده در محلول HB بیشتر است؛ زیرا اسید ضعیف‌تری است.

(دوازدهم - فصل ۱)

۹۸. گزینه ۲ درست است.

$$0.342\text{g Ba(OH)}_2 \times \frac{1\text{mol Ba(OH)}_2}{171\text{g Ba(OH)}_2} \times \frac{1}{2L} = 0.001\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$[\text{OH}^-] = M \cdot n \cdot \alpha = 10^{-3} \times 2 \Rightarrow [\text{H}^+] = 5 \times 10^{-12} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$\text{pH} = -\log 5 \times 10^{-12} = 12 - 0.7 = 11.3$$

برای آنکه pH محلول آمونیاک با pH محلول باریم هیدروکسید برابر شود، غلظت OH^- در آن باید 2×10^{-3} مولار شود.

$$[\text{OH}^-] = 2 \times 10^{-3} = M \times 0.001 \Rightarrow M = 2 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$2 \frac{\text{mol}}{\text{L}} \times \frac{17\text{g NH}_3}{1\text{mol}} \times 2L = 68\text{g NH}_3$$

(دوازدهم - فصل ۱)

۹۹. گزینه ۲ درست است.

بررسی مطالب:

مطلوب ۱ نادرست است. شکل نمی‌تواند مربوط به سلول پتاسیم و روی باشد، زیرا در این صورت تغییر غلظت یون آند (K^+) باید دو برابر تغییر غلظت یون کاتد (Zn^{2+}) باشد.

مطلوب ۲ درست است. شکل می‌تواند مربوط به سلول (منیزیم - نقره) باشد. اگر کروم جایگزین منیزیم شود به دلیل تغییر بار کاتیون شیب نمودارها تغییر می‌کند.

مطلوب ۳ نادرست است؛ زیرا emf سلول گالوانی مس - نقره کمتر از یک ولت است.

$$\text{emf} = E^\circ - E^\circ_{\text{کاتد}} = 0.8 - 0.34 = 0.46\text{V}$$

مطلوب ۴ نادرست است؛ زیرا در سلول گالوانی کاتیون‌ها از طریق دیواره متخلخل به سمت کاتد و آئیون‌ها به سمت آند حرکت می‌کنند.

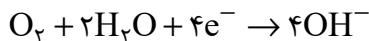
(دوازدهم - فصل ۲)

۱۰۰. گزینه ۳ درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارة ۱ درست است. شکل (۱) می‌تواند مربوط به حلی و شکل (۲) می‌تواند مربوط به آهن سفید باشد.

عبارت ۲ درست است. نیم واکنش کاهش در خوردنگی به صورت زیر است:



عبارت ۳ نادرست است. محلول نمکهای B را نمی‌توان در ظرفی از فلز C نگهداری کرد؛ زیرا قدرت کاهندگی C از B بیشتر است و با محلول نمکهای آن واکنش می‌دهد.

عبارت ۴ درست است. قدرت کاهندگی A از B و C بیشتر است؛ پس اگر قطعه‌ای (تیغه‌ای) از A را در محلولی از نمکهای C قرار دهیم واکنش انجام می‌شود و دمای محلول افزایش می‌یابد. (دوازدهم - فصل ۲)

۱۰۱. گزینه ۱ درست است.

جرم نقره به کار رفته در آبکاری برابر است با: $(\text{Ag}^+ + e^- \rightarrow \text{Ag})$

$$509 - 500 = 9\text{g}$$

$$9\text{g Ag} \times \frac{1\text{mol Ag}}{108\text{g Ag}} \times \frac{1\text{mole}^-}{1\text{mol Ag}} = \frac{1}{12}\text{mole}^-$$

در سلول سوختی متان ($\text{CH}_4 + 2\text{O}_2 \rightarrow \text{CO}_2 + 2\text{H}_2\text{O}$) به ازای ۲ مول اکسیژن ۸ مول الکترون از مدار عبور می‌کند.

$$\frac{1}{12}\text{mole}^- \times \frac{2\text{mol O}_2}{8\text{mole}^-} \times \frac{22/4\text{LO}_2}{1\text{mol O}_2} \times \frac{100}{80} = 0.58\text{LO}_2$$

۱۰۲. گزینه ۴ درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت (الف) درست است. مدل دریای الکترونی برخی خواص فیزیکی فلزات همچون رسانایی الکتریکی را توجیه می‌کند؛ اما قادر به توجیه رفتارهای شیمیایی نیست.

عبارت (ب) نادرست است؛ زیرا نقطه ذوب CaBr_2 از CaCl_2 بیشتر است.

عبارت (پ) نادرست است؛ زیرا در سیلیس هر اتم Si با چهار پیوند به چهار اکسیژن متصل است.

عبارت (ت) نادرست است؛ زیرا گرافن تک لایه‌ای از گرافیت است. (دوازدهم - فصل ۳)

۱۰۲. گزینه ۴ درست است.

مقایسه‌های (الف) و (پ) درست هستند.

عبارت (ب) نادرست است؛ زیرا شعاع Cl^- از شعاع O^{2-} بزرگ‌تر است.

عبارت (ت) نادرست است؛ زیرا آنتالپی فروپاشی AlF_3 از MgO بزرگ‌تر است. (دوازدهم - فصل ۳)

۱۰۴. گزینه ۲ درست است.

بررسی گزینه‌ها:

(۱) درست است. با کاهش دما در تعادلهای گرماده، واکنش در جهت رفت جابه‌جا شده و ثابت تعادل افزایش می‌یابد.

(۲) نادرست است؛ زیرا با افزایش حجم سامانه‌های تعادلی، غلظت همه گونه‌های گازی کاهش می‌یابد.

(۳) درست است. با افروختن O_2 به تعادل (II) واکنش در جهت رفت جابه‌جا می‌شود و غلظت SO_3 کاهش و غلظت SO_2 افزایش می‌یابد.

(۴) درست است. تعادل I گرمایشی است و در آن مجموع آنتالپی پیوندهای واکنش‌دهنده از فرآورده بیشتر است.

(دوازدهم - فصل ۴)

۱۰۵. گزینه ۳ درست است.

A: پارازایلن B: ترفتالیک اسید C: اتن

بررسی عبارت‌ها:

عبارت (الف) درست است. اتن و پارازایلن برخلاف ترفتالیک اسید به طور مستقیم از نفت خام به دست می‌آید.

عبارت (ب) نادرست است؛ زیرا استفاده از O_2 و کاتالیزگر به جای محلول غلیظ پتانسیم پرمنگات از نظر بازدهی مناسب‌تر است.

عبارت (پ) درست است. در تبدیل اتن به اتیلن گلیکول عدد اکسایش اتم‌های کربن از -۲ به -۱ می‌رسد.

عبارت (ت) نادرست است؛ زیرا مجموع عدد اکسایش اتم‌های کربن در پارازایلن (C_8H_{10}) برابر -10 و مجموع عدد اکسایش اتم‌های کربن در نفتالن (C_10H_8) برابر -8 است. (دوازدهم - فصل ۴)



شرکت تعاونی خدمات آموزشی کاران
سازمان اینترنتی موسسه کشور



آموزشگاه آزاد علمی دخترانه
آینده اندیشان بخش

آموزشگاه آزاد علمی دخترانه

آنلاین لرنینگ سخن

برگزار می‌کند



کلاس‌های آمادگی کنکور ۱۴۰۴

کلاس‌های تشریحی برای امتحانات نهایی و ارتقای معدل

همایش آمادگی برای کنکور

www.sanjeshserv.ir

تلفن: ۰۳۱ ۸۶ ۵۴ ۳۱ - ۰۹۳۹ ۵۳۳ ۵۹ ۳۹ - ۰۹۳۹ ۲۶۶ ۲۹ ۳۹

ایمیل: sanjeshamuzeshgahandishan@gmail.com

تلگرام: sanjeshamuzeshgah